

$= \left(\frac{\partial U}{\partial T} \right)_v$ pre molekulové teplá plynov za stáleho objemu dostávame podľa zložitosti ich molekúl $\frac{3}{2}R$, $\frac{5}{2}R$ a $3R$. Podľa Mayerovho vzťahu (12.7.4) je $C_p = C_v + R$. Podľa toho *Poissonove konštanty* jedno-, dvoj- a viacatómových plynov majú byť

$$\kappa_1 = \frac{C_v + R}{C_v} = \frac{\frac{3}{2}R + R}{\frac{3}{2}R} = \frac{5}{3} = 1,67$$

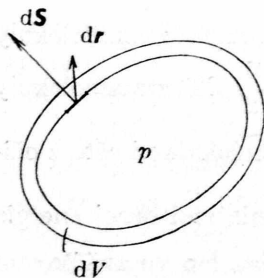
$$\kappa_2 = \frac{\frac{5}{2}R + R}{\frac{5}{2}R} = 1,40 \text{ a } \kappa_3 = \frac{3R + R}{3R} = 1,33$$

Do akej miery skutočné plyny vyhovujú týmto vzťahom, vyplýva z *tabuľky 12.6*, v ktorej μ označuje molekulovú hmotnosť.

Tabuľka 12.6

Merné a molekulové teplá plynov

Plyn	μ	c_p	c_v	C_p	C_v	κ	$C_p - C_v = R$
He	4,00	1,25	0,754	5,00	3,01	1,66	1,99
Ar	39,91	0,124	0,075	4,95	2,99	1,66	1,96
H ₂	2,016	3,41	2,42	6,85	1,41	1,81	1,99
N ₂	28,02	0,242	0,172	6,78	4,82	1,41	1,96
O ₂	32,00	0,217	0,155	6,96	4,96	1,40	2,00
Cl ₂	70,91	0,112	0,084	7,98	5,97	1,34	2,01
CO	28,00	0,243	0,172	6,81	4,82	1,41	1,99
CO ₂	44,00	0,218	0,168	9,59	7,39	1,30	2,20
CH ₄	16,03	0,593	0,449	9,51	7,20	1,32	2,31



Obr. 12.8

12.9. Práca pri izotermickej a adiabatickej expanzii plynu. Predstavme si, že nejaká vzduchová bublina, ktorá sa nachodí vo vode a stúpa k jej povrchu, zväčšuje svoj objem. Keď sa povrchový element bubliny dS (*obr. 12.8*) posunie o trať dr , sila pôsobiaca na tento povrchový element, keď p je tlak vzduchu v bubline a n jednotkový vektor kolmý na povrch bubliny a orientovaný na vonkajšiu stranu, vykoná prácu $d^2A' = p dS n \cdot dr = p dr \cdot dS = p d^2V$.

Integráciou tohto výrazu po povrchu bubliny dostávame pre prácu, ktorú vykonal vzduch v bubline pri malom zväčšení jej objemu, vyjadrenie

$$dA' = p \int d^2V = p dV \quad (1)$$

Je zrejmé, že tento vzorec, ktorý sme na základe odvodenia pomocou pohybu piesta vo valci už niekoľko ráz použili, správne vyjadruje objemovú prácu pri zväčšovaní objemu akéhokoľvek telesa. Ďalšou integráciou výrazu $p dV$ dostaneme prácu vykonanú telesom pri konečnom zväčšení jeho objemu.

Plyn môže zväčšovať svoj objem dvoma význačnými spôsobmi: 1. izotermicky a 2. adiaticky.

Pri *izotermickej* expanzii ideálneho plynu, keďže jeho vnútorná energia závisí len od teploty, koná plyn prácu A' len premenou súčasne prijímaného tepla Q . Pri takejto expanzii je teda

$$A' = Q = \int_{V_1}^{V_2} p dV = p_1 V_1 \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = p_1 V_1 \ln \frac{V_2}{V_1} = p_1 V_1 \ln \frac{p_1}{p_2} \quad (2)$$

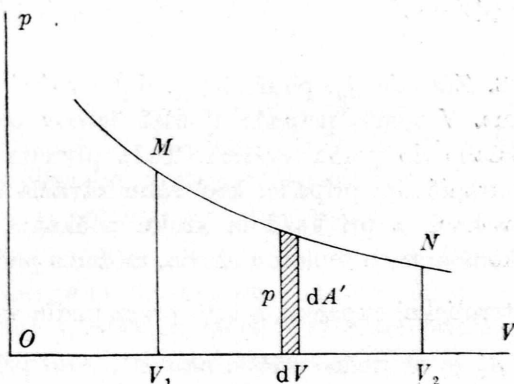
pričom sme použili aj Boylov zákon, podľa ktorého je $pV = p_1 V_1 = p_2 V_2$.

Pre prácu pri *adiatickej* expanzii ideálneho plynu, ktorá sa — podľa vzťahu $dQ = dU + dA' = 0$ — rovná úbytku $-dU$ jeho vnútornej energie, použitím Poissonovej rovnice $pV^\kappa = p_1 V_1^\kappa = p_2 V_2^\kappa$ vychodí:

$$\begin{aligned} A' = U_1 - U_2 &= \int_{V_1}^{V_2} p dV = p_1 V_1^\kappa \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V^\kappa} = p_1 V_1^\kappa \frac{V_2^{1-\kappa} - V_1^{1-\kappa}}{1-\kappa} = \\ &= \frac{1}{\kappa - 1} (p_1 V_1 - p_2 V_2) \end{aligned} \quad (3)$$

Poznámka: V technickej praxi sa tlak zvyčajne udáva v tzv. technických atmosférach, 1 at = kp/cm² a objem plynov v litroch. Práca počítaná podľa vzorcov (2) a (3) vychodí potom v technických literatmosférach, 1 litat = 10⁻³m³ · kp / 10⁻⁴ m² = 10 kpm.

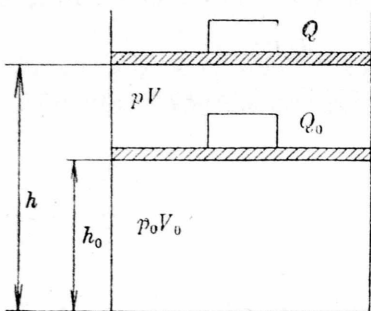
Predstavme si, že sa pri nejakej expanzii plynu jeho tlak znižoval spôsobom, ktorý vyjadruje čiara MN v tzv. *tlakovej diagrame plynu* na obr. 12.9.



Obr. 12.9

Elementárna práca plynu dA' pri malej zmene jeho objemu dV je $dA' = p dV$. Je teda správne znázornená úzkym, na obrázku vyšrafovaným pruhom nad úsečkou dV . Grafickým obrazom práce plynu pri zväžení jeho objemu V_1 na hodnotu V_2 je preto zrejme plocha MV_1V_2N .

12.10. Vratné a nevratné deje. V čl. 12.5 sme nazvali tepelným strojom zariadenie, ktoré umožňuje vykonávanie práce len tým, že sa v jeho okolí teplota aspoň niektorých telies znižuje. Pre úplné pochopenie jeho funkcie oboznámime sa v tomto článku s pojmom *vratného (reverzibilného) deja*. Objasníme si obsah tohto pojmu najprv príkladom.



Obr. 12.10

Predstavme si valec s pohyblivým piestom, ktorý pri začiatočnom objeme V_0 obsahuje plyn pod tlakom p_0 (obr. 12.10). Teplota plynu aj jeho okolia nech je T . Keď prierez piesta je q , plyn v objeme V_0 účinkuje na piest silou $P_0 = p_0 q$. Aby sa piest udržal vo svojej polohe, nech je zatažený rovnako ťažkým závažím $Q_0 = P_0 = p_0 q$ (pre jednoduchosť predpokladáme, že tiaž samotného piesta je zanedbateľne malá).

Začiatočný objem plynu V_0 , pri ktorom je piest vo výške h_0 nad dnom valca, môžeme zväčšiť na objem V dvojakým spôsobom:

1. Nahradíme závažie Q_0 ľahším závažím $Q = P = pq = q \frac{p_0 V_0}{V}$. V dôsledku zmenšenia vonkajšej sily plyn vydvihne piest, zatažený len závažím $Q < Q_0$, do výšky h a vykoná prácu $A'_1 = Q(h - h_0) = pq(h - h_0) = p(V - V_0) = \frac{p_0 V_0}{V} (V - V_0) = p_0 V_0 \left(1 - \frac{V_0}{V}\right)$.

2. Závažie Q_0 , použité v podobe veľmi tenkých lístkov, postupne znižujeme. V tomto prípade aj časť lístkov zodpovedajúcich rozdielu $Q_0 - Q$ sa dostane do polôh vyšších. Teda plynom vykonaná práca je teraz väčšia. V hraničnom prípade, keď váhu závažia znižujeme po nekonečne malých čiastkach a pri každom kroku počkáme, aby sa teplota plynu vyrovnala s konštantnou teplotou okolia, môžeme počítať prácu plynu ako prácu pri jeho intermickej expanzii, a táto práca podľa vzorca (12.9.2) je $A'_2 = p_0 V_0 \ln \frac{V}{V_0}$.

A'_2 je skutočne väčšie ako A'_1 , lebo pri malom zväžení objemu môžeme písať: